# 高土石坝坝坡地震失稳风险评估

杜全胜<sup>1,2</sup>, 吕小龙<sup>1,2,3</sup>, 迟世春<sup>3</sup>, 邢建营<sup>1,2</sup>

(1. 黄河勘测规划设计研究院有限公司,河南 郑州 450003;

2. 水利部黄河流域水治理与水安全重点实验室(筹),河南 郑州 450003;

3. 大连理工大学建设工程学部水利工程学院, 辽宁 大连 116024)

**摘 要:**将风险概率理念引入高土石坝坝坡抗震稳定性分析中,提出了同时考虑筑坝料参数和地震不确定性的高土 石坝坝坡地震失稳风险评估方法。将基于概率烈度的地震动作为拟静力法分析的输入,以考虑地震的不确定性; 然 后,采用蒙特卡罗法结合高斯过程响应面考虑筑坝料参数的不确定性,综合确定坝坡的地震失稳概率。最后,计算 了紫坪铺混凝土面板堆石坝在设计基准期内的坝坡地震失稳概率。提出的方法可为高土石坝坝坡地震失稳风险评估 提供参考。

关键词: 高土石坝; 坝坡; 失稳风险; 地震烈度概率; 高斯过程; 响应面

#### Evaluation of Seismic Failure Probability of High Rockfill Dam Slopes

DU Quansheng<sup>1,2</sup>, LÜ Xiaolong<sup>1,2,3</sup>, CHI Shichun<sup>3</sup>, XING Jianying<sup>1,2</sup>

(1. Yellow River Engineering Consulting Co., Ltd., Zhengzhou 450003, Henan, China;

2. Key Laboratory of Water Management and Water Security for Yellow River Basin, Ministry of Water Resources

(under construction), Zhengzhou 450003, Henan, China;

3. Faculty of Infrastructure Engineering, Dalian University of Technology, Dalian 116024, Liaoning, China)

Abstract: By introducing the risk probability into the seismic stability of high rockfill dam slopes, an effective approach to evaluate the seismic failure probability of dam slopes is developed considering the uncertainty of the parameters of dam rockfill materials and the earthquake. The seismic acceleration corresponding to the earthquake intensity occurrence probability based on the seismic intensity probability model is taken as the input acceleration of pseudo-static analysis to deal with the uncertainty of earthquake, the Monte-Carlo Simulation (MCS) method combined with the response surface of Gaussian process is adopted to deal with the uncertainty of dam rockfill materials, and finally the seismic failure probability of dam slopes is calculated. For verification, the seismic failure probability of Zipingpu Concrete Face Rockfill Dam is calculated by using this method. In conclusion, the proposed method provides a meaningful reference for the evaluation of seismic failure probability of high rockfill dam slopes.

Key Words: high rockfill dam; dam slope; failure probability; earthquake intensity probability; Gaussian process; response surface

中图分类号: TV641.1; TV312

文献标识码: A

文章编号: 0559-9342(2021)10-0028-04

# 0 引 言

高土石坝坝坡的抗震稳定性一直是土石坝工程 中的重大课题之一。国内外学者采用刚体极限平衡 法、有限元等确定性分析方法进行坝坡抗震稳定性 研究,已取得了大量研究成果和工程经验。陈祖 煜<sup>[1]</sup>指出,把结构可靠度理论作为建立岩土工程风 险控制标准的依据,将成为科学、定量地研究和保 证工程结构安全性的重要手段。 土石坝地震反应分析中存在的不确定性因素, 包括地震的不确定性和筑坝堆石料参数的不确定性

收稿日期: 2021-02-04

基金项目: 国家重点研发计划资助项目(2017YFC0404804); 黄河设计公司博士后研究开发项目(2020BSHZL03); 河南省博士后经费资助(202002016)

作者简介: 杜全胜(1978一), 男,河南延津人,高级工程师, 硕士,主要从事水利工程设计工作; 吕小龙(通讯作者).

#### 28 Water Power Vol. 47 No. 10

(C)1994-2021 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

等。邵龙潭等<sup>[2]</sup>采用随机地震反应分析方法计算土 石坝的随机动力反应,但未考虑筑坝料参数的不确 定性;刘晓等<sup>[3]</sup>根据边坡动力反应的能量分布特征, 对持续时间统计窗进行统计分析,计算边坡的可靠 度指标;杨鸽等<sup>[4]</sup>采用局部平均细分法模拟高堆石 坝的物理力学性质随机场,分析筑坝料不确定性对 土石坝地震反应的影响。文献[3-4]的研究实质是对 地震响应随机过程进行概率分析,以获得可靠度指 标。上述方法只采用某一种特定的地震波,且未考 虑地震发生的不确定性。

本文将基于概率烈度对应的地震动作为拟静力 法分析的输入,采用蒙特卡罗法考虑筑坝料参数的 不确定性,计算坝坡地震失稳风险概率。最后,应 用上述方法计算了紫坪铺大坝在设计基准期内的坝 坡地震失稳概率。

## 1 高土石坝坝坡地震失稳风险分析方法

我国将地震烈度作为地震区划的强度指标。因此,可建立如下高土石坝坝坡地震失稳概率模型

$$p_{f} = \sum_{i} p_{f}(R < S | I_{j}) \cdot p(I_{j})$$
(1)

式中,  $p_f(R < S | I_j)$  为坝址区发生烈度  $I_j$  地震时坝坡 的失稳概率;  $p(I_j)$  为坝址区发生  $I_j$  度地震的概率; R 为结构抗力; S 为结构在地震作用下的响应。其 中,极限状态方程可表示为

$$R - S = F_s(X) - F_{cri} = 0$$
 (2)

式中, X 为具有不确定性的筑坝料参数;  $F_s$  为根据 X 确定的安全系数;  $F_{ci} = 1.0$ 。

### 1.1 场址地震烈度概率模型

通过对我国大量地震资料的分析显示,在 50 年 设计基准期内,场址区地震烈度符合极值 III 型概率 分布<sup>[5]</sup> 为

$$F_{\mathbb{II}}(I) = \exp\left[-\left(\frac{\omega - I}{\omega - \varepsilon}\right)^{\kappa}\right]$$
(3)

式中,ω为地震烈度的上限值,取为12; ε为众值 烈度,取为场址区的基本烈度减去1.5; K为形状 系数。

地震的发生概率与工程的设计基准期密切相关, 若已知 T 年内的烈度概率分布函数,则任意 t 年内 的地震烈度概率分布函数为

$$F_{\mathbb{II}}(I_{i}) = [F_{\mathbb{II}}(I_{T})]^{i/T} = \exp\left[-\frac{t}{T}\left(\frac{\omega - I_{i}}{\omega - \varepsilon}\right)^{K}\right] (4)$$

对于设计基准期为100年的水工建筑物, 地震 烈度的概率分布表达式为

$$F_{II}(I) = \exp\left[-2\left(\frac{\omega - I_t}{\omega - \varepsilon}\right)^{\kappa}\right]$$
(5)

### 坝址发生烈度I地震的概率为

 $p(I) = F_{\rm II}(I+1) - F_{\rm II}(I) \tag{6}$ 

根据地震工程学,地震烈度是凭地震发生时各 类建筑物反应、损坏程度、地表变化状况确定的, 是对地震灾害的一种宏观评价。因此,地震烈度与 加速度峰值之间没有直接对应关系。但是通过对国 内大量地震资料统计分析,表明场址区的加速度峰 值 *a* 可用地震烈度 *I* 表示<sup>[6]</sup>:

$$a = 10^{(l_{g2} - 0.01)}$$
(7)

## 1.2 地震烈度时高土石坝坝坡失稳概率

对于高土石坝坝坡,极限状态方程没有显示表 达式,因此不能采用一次二阶矩进行计算。Monte-Carlo 法适用于求解隐式功能函数的可靠性问题,但 当失效概率很小时,Monte-Carlo 法的抽样次数非常 大。由于对坝坡进行稳定性分析时,需要对每次抽 样得到的样本,采用智能优化算法搜索最危险滑弧 的位置,计算量将会呈级数增长,限制了该方法的 使用。

高斯过程(GPs) 是在贝叶斯学习理论基础上, 发展起来的一种机器学习方法。与人工神经网络 (ANN)、径向基函数(RBF)、支持向量机(SVM)相 比,高斯过程模型具有对模型参数依赖性弱,对小 样本、非线性问题泛化能力强的优点<sup>[7]</sup>。本文将采 用高斯过程响应面拟合极限状态方程,并结合 Monte-Carlo法计算坝坡的地震失稳概率。

假设样本的总容量为N,抽取的第k个样本为  $X_k$ ,则坝址区发生烈度为 $I_j$ 地震,高土石坝坝坡的 失稳概率为

$$p_{f}(R < S | I_{j}) = \frac{1}{N} \sum_{k=1}^{N} G(X_{k} | I_{j})$$
(8)

式中, *G*(·)为土石坝坝坡是否失稳的状态函数, 表达式为

$$G(X_{k} | I_{j}) = \begin{cases} 1, & \text{if } [F_{s}(X_{k}) - F_{cri}] | I_{j} < 0 \\ 0, & \text{if } [F_{s}(X_{k}) - F_{cri}] | I_{j} > 0 \end{cases}$$
(9)

## 2 计算流程

高土石坝坝坡地震失稳风险计算流程如图1所 示。首先,采用坝址地震风险评估模块,计算坝址 区发生各级地震的概率。然后,在地震作用下坝坡 失稳概率评估模块中,考虑筑坝料参数的不确定性, 结合构造的高斯过程响应面,计算各级地震烈度下, 坝坡的失稳概率。最后,通过式(1)将上述两种不 确定性耦合起来,综合确定坝坡的地震失稳概率。

具体流程为①根据场址区的地震安全性评价报告,确定坝址区的基本烈度,计算地震烈度 $I_j$ 的发生概率 $p(I_j)$ 。②根据加速度峰值与地震烈度的关系(式(7)),计算地震烈度 $I_j$ 对应的峰值加速度。

Water Power Vol. 47 No. 10

29



图 1 高土石坝坝坡地震失稳风险评估流程

③根据工程设计资料,确定坝坡典型剖面尺寸,选 取筑坝料参数的统计量。④根据文献[8]的研究成 果, 堆石料的抗剪强度参数  $\varphi_0$  服从正态分布,  $\Delta \varphi$ 服从对数正态分布<sup>[8]</sup>。若筑坝料参数 X 包括 n 个随 机变量  $x_i$ , 在[ $\mu_i - f\sigma_i$ ,  $\mu_i + f\sigma_i$ ]等间距抽取 2f +1 个 样本,组成总容量为(2f+1)"的学习样本集。⑤根 据筑坝料参数的统计特征,随机抽取 N<sub>test</sub>个样本,组 成测试样本集。⑥对学习样本集和测试集的每一个 样本,采用智能优化算法搜索坝坡最危险滑弧的位 置和安全系数  $F_{s,min}$ 。⑦基于学习样本集的计算结果, 构造高斯过程响应面,建立筑坝料参数与坝坡安全 系数之间的映射关系。⑧通过收敛判别条件,决定 是否需要更新响应面。遍历测试样本集的所有样本, 若测试样本不满足收敛条件,则将该个体加入学习 样本集,返回④; 若所有测试样本均能满足收敛条 件,则转入步骤⑨。⑨根据筑坝料抗剪强度参数的 统计特征,随机抽取 $N=10^7$ 个样本,结合已建立的 高斯过程响应面,利用式(8)计算发生烈度 I, 地震 时的坝坡失稳概率。⑩根据式(1) 综合确定坝坡的 地震失稳概率。

第⑧步的收敛判别条件为由于高斯过程模型能 同时给出预测变量的均值 $\mu_F$ 和标准差 $\sigma_F$ ,因此本文 以 $F_{s,tes}$ 是否能够落在区间 [ $\mu_F - 2\sigma_F$ ,  $\mu_F + 2\sigma_F$ ]作 为收敛判别条件。若预测失败,则将该样本加入学 习样本集,重新构造响应面。通过反复迭代,使响 应面不断逼近极限状态方程。

## 3 工程算例

在正常运用期,库水和面板对上游坝坡具有明 显的约束作用,即使坝址区发生地震,上游坝坡也 不易失稳。因此,本次计算仅分析紫坪铺大坝的下 游坝坡的地震失稳概率。

紫坪铺混凝土面板堆石坝的最大高度为156 m, 坝顶宽12 m,上游坡比为1:1.4,下游坝坡在二级 马道以上为1:1.7,二级马道以下为1:1.4。坝址基 本烈度为 VII 度,工程按照8 度地震进行设防。考 虑到设计烈度为6 度的土石坝,地震一般不是工程 设计的控制荷载,仅采取适当抗震措施即可保证工 程安全,即当地震基本烈度小于 VII 度时, $p_f[F_s(\mathbf{x}) < F_{s,cri}] = 0$ 。另外,根据式(6),地震设防烈度超过9 的概率非常小, $p(I_j) \approx 0$ 。因此,将7、8、9 度作为 潜在地震设防烈度的划分。根据式(6)计算坝址区 各地震烈度对应的概率,见表1。

表 1 紫坪铺大坝坝址区发生烈度地震的概率

地震设防烈度 I <sub>j</sub>	$P(I_j)$ /%
7	15.94
8	2.80
9	0. 26

在堆石坝施工过程中,监理将对堆石料的填筑 密度进行严格的抽检,可认为堆石料容重的变化很 小。然而,由于堆石坝工程规模宏大,上坝料来自 不同料场和料场的不同部位,母岩性质和沉积条件 差异较大,这些因素都将造成堆石料抗剪强度指标 的不确定性。

本次坝坡稳定计算, 堆石料采用非线性强度准则, 即

$$\varphi = \varphi_0 - \Delta \varphi \lg(\sigma_3 / p_a)$$
(10)

式中,  $\varphi_0$  和  $\Delta \varphi$  为堆石料的非线性强度参数;  $\sigma_3$  为 小主应力;  $p_a$  为标准大气压。为了计算方便,本文 对主、次堆石料采用相同的抗剪强度指标。通过统 计国内大量堆石料的三轴试验成果,选定抗剪强度 指标的统计特征参数见表 2。

	表2 抗剪	表 2 抗剪强度指标的统计特征参数		
坝料	$\phi_0$		$\Delta\phi$	
	均值	标准差	均值	标准差
堆石料	51.5	2.9	10.8	2.4

根据《碾压式土石坝设计规范》,采用筑坝料的 小值平均值进行下游坝坡的稳定计算。图 2 为确定

(C)1994-2021 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

性分析结果,①②③分别是地震设防烈度 $I_j = 7$ 、8、 9度时的潜在滑动面。由图2可知,随着地震从7度 增大到9度,滑动面切割坝坡位置逐渐变浅,且滑 出点逐渐升高至二级马道高程。地震设防烈度为7、 8、9度时,坝坡的最小安全系数 $F_{s,min}$ 列于表3。如 表3所示,当地震设防烈度 $I_j = 7$ 时,最小安全系数 为1.58,说明坝坡在7度地震作用下,尚有充足的 安全裕度。当地震设防烈度 $I_j = 9$ 时,最小安全系数 为1.24,已逼近规范的临界值。考虑到在地震过程 中,高土石坝坝顶的加速度较大,是工程的薄弱部 位,因此应在坝顶区域采用阻滑钢筋网、浆砌石护 坡等综合防护措施保证坝坡的抗震安全。



图 2 确定性分析对应的滑弧

表3 确定性分析求得的地震安全系数

地震设防烈度 I <sub>j</sub>	安全系数 F <sub>s,min</sub>
7	1.58
8	1.46
9	1. 24

基于堆石料抗剪强度参数的统计特征,抽取 10<sup>7</sup> 个样本,结合构造的高斯过程响应面,计算所有样 本的安全系数,然后按区间分别统计各地震烈度下, 坝坡安全系数的分布情况。图 3 为地震设防烈度*I<sub>j</sub>* = 7、8、9 度时坝坡最小安全系数的频率分布。可知, 在各地震烈度下,考虑筑坝料抗剪强度指标的不确 定性,坝坡最小安全系数可采用正态分布拟合。经 *K-S* 法检验分析,坝坡的安全系数服从正态分布。



生7度地震的概率为15.94%,在7度地震作用下, 坝坡失稳的概率仅为8.27×10<sup>-4</sup>。反之,坝址处发 生9度地震的概率仅为0.26%,但相应的坝坡失稳 概率将大幅提高,达到1.49×10<sup>-2</sup>,大约提高两个 数量级。另外,坝址处发生8度地震的概率为 2.80%,相应的失稳概率为6.29×10<sup>-3</sup>,综合失稳 概率为1.76×10<sup>-4</sup>,明显大于7度和9度的综合失 稳概率,表明紫坪铺面板坝采用8度设防的经济合 理性。考虑筑坝料参数和地震不确定性的综合失稳 概率为3.47×10<sup>-4</sup>,各烈度条件下坝坡的地震失稳 概率基本属于同一数量级,说明在高土石坝坝坡地 震失稳风险分析中综合考虑堆石料和地震的不确定 性十分必要。

表4 地震作用下坝坡失稳概率

设防烈度	$p(I_j)$ /%	$p_f( R < S \mid I_j)$	$p_f( R < S \mid I_j) \cdot p( I_j)$
7	15.94	8. 27 × 10 $^{-4}$	$1.32 \times 10^{-4}$
8	2.80	6. 29 × 10 $^{-3}$	1. 76 $\times 10^{-4}$
9	0.26	$1.49 \times 10^{-2}$	3. 87 $\times 10^{-5}$

在岩土工程中,一般以年计失效概率作为风险 控制标准,且《水利水电工程结构可靠性设计统一标 准》的可靠度指标也是由年计失效概率确定的。因 此,通过下式将失效概率换算为年计失效概率:

$$P_f = \frac{p_f}{T} \times \frac{N_d}{T} \tag{11}$$

式中, T 为水工建筑物的寿命;  $N_a$  为结构的设计基 准期。由于水利工程规模宏大, 寿命一般较长, 可 认为 T 远大于  $N_a$ 。因此, 从偏于安全角度出发, 令  $T = N_a$ , 紫坪铺大坝的设计基准期为 100 年, 则坝坡 的年计失效概率为 3.47 × 10<sup>-6</sup>。

为便于定量评价边坡的可靠度水平,将失效概 率换算为可靠指标 $\beta = -\Phi^{-1}(P_j)$ 。本次计算得到的 紫坪铺大坝坝坡抗震稳定可靠指标 $\beta$ 为4.56。根据 规范,可靠度指标应满足 $\beta \ge \beta_i$ , $\beta_i$ 为目标可靠指 标。《碾压式土石坝设计规范》规定,1级水工建筑 物,安全级别为 I级时,坝坡抗滑稳定的目标可靠 指标为4.2。综上,可认为紫坪铺大坝坝坡地震失稳 风险能够满足规范要求。

# 4 结 论

(1)本文提出的高土石坝坝坡地震失稳风险评估方法能够同时考虑地震和筑坝料参数的不确定性。 工程算例表明,该方法具有较高的计算效率,为评估实际高土石坝坝坡地震失稳概率提供了一条有效的分析途径。

(2) 采用地震烈度作为地震危险(下转第44页)

Water Power Vol. 47 No. 10

31

度向稳定温度的演变是经历短暂温升后逐渐温降的 过程,对大坝防裂不利。

(2)在不考虑永久保温的情况下,高寒区高拱坝温降荷载平均温差基本为负值,说明拱坝全断面承受温降荷载,线性温差为负值,下游面温降高于上游面;高寒区拱坝变形比温和区最大高约50%; 拱坝位于不同纬度区域时最大压应力基本相当,高寒区最大拉应力明显偏高。

(3)高寒区高拱坝开裂风险贯穿施工运行全过 程,施工期温差大,仓面、横缝面开裂风险大;稳 定温度低,降温幅度大,内部开裂风险大;冬季长 间歇局部开裂风险大;施工期温降加自重应力结构 开裂风险大;运行期下游面开裂风险大。

(4)为确保不产生危害性裂缝,应从体形优化 设计、混凝土配比优化、封拱温度与温控措施优化、 施工期性态动态控制、运行期永久保温防护等方面, 结合具体工程采取一整套高拱坝全过程防裂的应对 措施。

拱坝的温度荷载十分复杂,高寒区高拱坝温度 荷载对大坝安全十分重要。本文的研究系统梳理了 高寒条件对温度荷载及坝体工作性态的影响,提出 了一些新理念;下一阶段应结合具体工程深入、定 量研究高寒复杂条件对大坝安全的影响程度,提出 具体的解决方案。

## 参考文献:

- 汝乃华,姜忠胜.大坝事故与安全·拱坝[M].北京:中国水利 水电出版社,1995.
- [2] 杜雷功, 席燕林. 严寒强震区特高拱坝筑坝关键技术难题及应对

措施[J]. 水利水电技术, 2017, 48(10): 10-17.

- [3] 李江,杨波.基于保温措施的严寒地区拱坝体型优化设计[J]. 水利规划与设计,2014(10):62-68.
- [4] 朱伯芳. 寒冷地区有保温层拱坝的温度荷载 [J]. 水利水电技术, 2003, 34(11): 43-46.
- [5] 刘光廷,胡昱,王恩志,等.石门子碾压混凝土拱坝温度场实测 与仿真计算[J].清华大学学报(自然科学版),2002,42(4): 539-542.
- [6] 张国新,任宗社,陈永福,等.寒冷地区特高拱坝夏季封拱灌浆 问题研究[J].水力发电,2007,33(11):55-58.
- [7] 王军,李妮.严寒地区常态混凝土拱坝施工温控措施[J].水利 水电技术,2014,45(6):71-73.
- [8] 张国新,刘茂军,李松辉,等. 高寒区混凝土坝长间歇薄层浇筑 越冬保温方法[J].水利水电技术,2016,47(6):25-38.
- [9] 喻建清,王国进.小湾水电站工程设计[C] //水利水电工程勘测 设计新技术应用.北京:中国水利水电出版社,2018.
- [10] 王仁坤,尹华安,张冲. 溪洛渡拱坝混凝土施工温度控制设计 [C]//水工大坝混凝土材料和温度控制研究与进展.北京:中 国水利水电出版社,2009.
- [11] 姚栓喜,李蒲健,雷丽萍.拉西瓦水电站混凝土双曲拱坝设计[J].水力发电,2007,33(11):30-33.
- [12] 中华人民共和国发展与改革委员会. 混凝土拱坝设计规范: DL/T 5346-2006 [S]. 北京: 中国电力出版社, 2007.
- [13] 中华人民共和国水利部. 混凝土拱坝设计规范: SL 282-2003 [S]. 北京: 中国水利水电出版社, 2003.
- [14] 张国新,刘毅,刘有志,等.高混凝土坝温控防裂研究进展[J].
  水利学报,2018,49(9):1068-1078.
- [15] 张国新, 刘毅, 李松辉, 等. "九三一"温度控制模式的研究与 实践[J]. 水力发电学报, 2014, 33(2): 179-184.
- [16] 张国新,刘毅,李松辉,等. 混凝土坝温控防裂智能监控系统及 其工程应用[J]. 水利水电技术, 2014, 45(1): 96-102.

(责任编辑 焦雪梅)

(上接第31页)性的宏观衡量尺度,通过引入地震烈 度概率模型,将基于概率烈度的地震动作为拟静力 法分析的输入,使得坝坡地震失稳风险分析更加全 面。采用蒙特卡罗法内嵌高斯过程响应面法的方式 考虑筑坝料参数不确定性的影响,该模式实现容易,

计算效率较高,便于实际工程应用。 (3)地震具有不确定性和随机性的双重性质。 拟静力法无法将地震的随机性(随机的地震波形)纳

入考虑,且未反映筑坝料参数空间变异性的影响,

参考文献:

- [1] 陈祖煜. 建立在相对安全率准则基础上的岩土工程可靠度分析 与安全判据[J]. 岩石力学与工程学报, 2018, 37(3): 521-544.
- [2] 邵龙潭, 唐洪祥, 孔宪京, 等. 随机地震作用下土石坝边坡的稳

定性分析[J]. 水利学报, 1999, 30(11): 66-71.

- [3] 刘晓,唐辉明,熊承仁,等.考虑能量-时间分布的边坡动力可靠
  性分析新方法考虑能量-时间分布的边坡动力可靠性分析新方法
  [J].岩土力学,2015,36(5):1428-1443.
- [4] 杨鸽,朱晟.考虑堆石料空间变异性的土石坝地震反应随机有限 元分析[J].岩土工程学报,2016,38(10):1822-1832.
- [5] 高小旺, 鲍霭斌. 地震作用的概率模型及其统计参数[J]. 地震 工程与工程振动, 1985, 5(1): 13-32.
- [6] 刘恢先,卢荣俭,陈达生,等.修订我国地震烈度表的一个建议 方案[M]//中国科学院工程力学研究所地震工程研究报告集(第 四集).北京:科学出版社,1981:1-13.
- [7] 苏国韶,宋咏春,燕柳斌. 高斯过程机器学习在边坡稳定性评价 中的应用[J]. 岩土力学, 2009, 30(3): 675-679.
- [8] 陈立宏,陈祖煜. 堆石非线性强度特性对高土石坝稳定性的影响[J]. 岩土力学, 2007, 28(9): 1807–1810.

(责任编辑 王 琪)

#### 44 Water Power Vol. 47 No. 10

上述问题的解决尚需进一步研究。

(C)1994-2021 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net